

プログラミング言語論 2019年度 第2回小テスト

学籍番号:

氏名:

問1 以下のプログラム断片の型の整合性を、手順(1)-(2)に従って示せ。ただし、これは講義中に提示した、Cのサブセットによるプログラムの断片である。

```
int *p;
int x[3];
p = x;
```

(1) 変数宣言 `int *p; int x[3];` を、講義で説明した型の後置記法による宣言に直せ。

(2) (1) で得られた、`p, x` の型の後置記法による宣言から、講義中に提示した規則に従って、代入式 `p=x` が型に関して整合性を持つことを示せ。

問2 ラムダ式 $(\lambda x. \lambda y. x) ((\lambda z. z) w)$ は何度か β 変換を行うことによってラムダ式 $(\lambda y. w)$ に変換できるが、その変換過程を示せ。(変換過程は複数あるが、そのうちの一つでよい。)(置換の式変形は省略してよい。)

問3 以下のC++言語で書かれたプログラムを実行したときの画面への出力結果を示せ。

```
#include <stdio.h>
class Shape {
public:
    virtual void draw (void) {
        printf ("Shape\n");
    }
};
class Box : public Shape {
    void draw (void) {
        printf ("Box\n");
    }
};
```

```
int main (void) {
    Shape *s;
    s = new Box ();
    s->draw();
    return 0;
}
```

問4 以下の(1), (2)のプログラムの意味(状態の変化)を、講義中に提示した規則にしたがって示せ。ただし、これらのプログラムは、講義中で意味の定義を紹介するときに定義した、Cの非常に小さなサブセットによるプログラムである。(1)、(2)のプログラムの実行前の状態は、いずれも $\sigma = \{(X, 3), (Y, 1), (Z, 0)\}$ とする。

(1) $Z=(X+4);$

(2) $\text{while}(Y)\{Y=(Y-1);\}$

問5 以下のPascalプログラムを実行したときの出力結果を示せ。手続きの仮引数にvarがついている場合、call by referenceであることを表す。writelnは引数の値を出力後改行する。

```
program test;
var x : integer;
var y : integer;
procedure swap
  (var x: integer;
   var y : integer);
var z : integer;
begin
  z := x; x := y; y := z
end;
begin
  x := 3;
  y := 4;
  swap (x,y);
  writeln (x);
  writeln (y)
end.
```

問6 以下のPascalプログラムを実行したときの出力結果を示せ。Pascalにおける変数の有効範囲(scope)の定め方はstatic scopeであることに注意せよ。

```
program P;
var n : char;
procedure W;
begin
  writeln(n)
end;
procedure D;
var n : char;
begin
  n := 'D';
  W
end;
begin
  n := 'L';
  W;
  D
end.
```

型付け規則

- 関数、ポインタ、配列に関する規則

$$\frac{e : \tau[n]}{e[i] : \tau} \quad \frac{e : \tau()} {e() : \tau} \quad \frac{e : \tau*} {*e : \tau} \quad \frac{e : \tau[n]}{e : \tau\&}$$

- 代入演算子 = に関する規則 (e は左辺値を持つ式であり、かつ定数ではない)

$$\frac{e : \tau \quad e' : \tau}{e = e' : \tau}$$

- &演算子に関する規則 (τ の一番右側 (外側) は&ではない)

$$\frac{e : \tau}{\&e : \tau\&} \quad \frac{e : \tau\&} {*e : \tau} \quad \frac{e : \tau* \quad e' : \tau\&} {e = e' : \tau\&}$$

ラムダ計算に関する規則

- β 変換

$$\begin{aligned} & (\lambda x.M) N \xrightarrow{\beta} M[N/x] \\ & \frac{M \xrightarrow{\beta} N}{\lambda x.M \xrightarrow{\beta} \lambda x.N} \quad \frac{M \xrightarrow{\beta} N}{MP \xrightarrow{\beta} NP} \quad \frac{M \xrightarrow{\beta} N}{PM \xrightarrow{\beta} PN} \end{aligned}$$

- 置換

$$\begin{aligned} c[N/x] &= c \\ x[N/x] &= N \\ x[N/y] &= x \quad (x \neq y) \\ (\lambda y.M)[N/x] &= \begin{cases} \lambda y.M & \text{if } x = y \\ \lambda y.(M[N/x]) & \text{if } x \neq y, y \notin FV(N) \\ \lambda z.((M[z/y])[N/x]) & \text{if } x \neq y, z \neq x, y \in FV(N), \\ & z \notin FV(M), z \notin FV(N) \end{cases} \\ (M_1M_2)[N/x] &= (M_1[N/x])(M_2[N/x]) \end{aligned}$$

- 自由変数

$$\begin{aligned} FV(c) &= \{\} \\ FV(x) &= \{x\} \\ FV(\lambda x.M) &= FV(M) \setminus \{x\} \\ FV(M_1M_2) &= FV(M_1) \cup FV(M_2) \end{aligned}$$

実行の規則

• 式の評価規則

– 数字列の場合 $\langle n, \sigma \rangle \rightarrow m$ (m は数字列 n に対応する整数)

– 変数の場合 $\langle x, \sigma \rangle \rightarrow \sigma(x)$

– 足し算の場合

$$\frac{\langle a_1, \sigma \rangle \rightarrow m_1 \quad \langle a_2, \sigma \rangle \rightarrow m_2}{\langle (a_1 + a_2), \sigma \rangle \rightarrow m} \quad (m \text{ は } m_1 \text{ と } m_2 \text{ の和})$$

– 引き算の場合

$$\frac{\langle a_1, \sigma \rangle \rightarrow m_1 \quad \langle a_2, \sigma \rangle \rightarrow m_2}{\langle (a_1 - a_2), \sigma \rangle \rightarrow m} \quad (m \text{ は } m_1 \text{ と } m_2 \text{ の差})$$

– 掛け算の場合

$$\frac{\langle a_1, \sigma \rangle \rightarrow m_1 \quad \langle a_2, \sigma \rangle \rightarrow m_2}{\langle (a_1 * a_2), \sigma \rangle \rightarrow m} \quad (m \text{ は } m_1 \text{ と } m_2 \text{ の積})$$

• 文の実行に関する規則

– 代入文の場合

$$\frac{\langle a, \sigma \rangle \rightarrow m}{\langle x = a; , \sigma \rangle \rightarrow \sigma[m/x]}$$

ただし、 $\sigma[m/x]$ は以下で定義される。

$$(\sigma[m/x])(y) = \begin{cases} m & \text{if } y = x \\ \sigma(y) & \text{if } y \neq x \end{cases}$$

– 文の並びの場合

$$\frac{\langle c_1, \sigma \rangle \rightarrow \sigma_1 \quad \langle c_2, \sigma_1 \rangle \rightarrow \sigma_2}{\langle c_1 \ c_2, \sigma \rangle \rightarrow \sigma_2}$$

– while 文の場合

$$\frac{\langle a, \sigma \rangle \rightarrow 0 \quad \langle \mathbf{while} (a) \{c\}, \sigma \rangle \rightarrow \sigma}{\langle a, \sigma \rangle \rightarrow m \quad \langle c, \sigma \rangle \rightarrow \sigma_1 \quad \langle \mathbf{while} (a) \{c\}, \sigma_1 \rangle \rightarrow \sigma_2} \quad (\text{if } m \neq 0)$$
$$\langle \mathbf{while} (a) \{c\}, \sigma \rangle \rightarrow \sigma_2$$